

TSTMG	GRILLE DE CORRECTION - Devoir Maison - mai 2015	NOTE :	/20
EX1	Réponse	Points	Obtenus
A.1	L'équation de droite $y = 0,18x + 1,53$ est bien celle de la droite (AB) si les coordonnées des points A et B vérifient l'égalité $y = 0,18x + 1,53$. Pour $A(0; 1,53)$, si on remplace x par 0 on trouve bien $y = 1,53$. Pour $B(5,5; 2,52)$, on remplace x par 5,5 et on trouve $y = 0,18 \times 5,5 + 1,53 = 2,52$. Donc c'est bon! La recherche à la calculatrice en mode STAT aurait été valable si l'énoncé avait parlé de <i>méthode des moindres carrés</i> .	0,5	
A.2	En 2012, on aura $x = 22$, donc selon ce modèle le prix du paquet serait $y = 0,18 \times 22 + 1,53 = 5,49$ euros. L'énoncé dit que le paquet coûte en réalité 6,40 euros en 2012, donc ce modèle n'est pas très fiable	0,75	
B.1	$\frac{V_a - V_d}{V_d} = \frac{6,4 - 3,2}{3,2} = 1$ soit 100% d'augmentation entre 2000 et 2012.	1	
B.2	Entre 2000 et 2012, il y a 12 évolutions annuelles. Le taux global est $t_g = 1$. $t_m = \sqrt[12]{1+t_g} - 1 = \sqrt[12]{1+1} - 1 \approx 0,059$. Le taux annuel moyen est donc 6%.	1	
C.1.a	Le coefficient multiplicateur associé à une hausse de 6 % est 1,06 . On en déduit $u_1 = 1,06 \times u_0 = 1,06 \times 3,2 = 3,392$. Et $u_2 = 1,06 \times 3,392 = 3,596$	0,5	
C.1.b	La suite est géométrique de raison 1,06 car chaque année on multiplie par 1,06.	0,5	
C.1.c	On en déduit u_n en fonction de n : $u_n = 3,2 \times 1,06^n$.	1	
C.1.d	En 2005 on a $n = 5$. Le prix sera $u_5 = 3,2 \times 1,06^5 \approx 4,28$ euros. Donc le prix du paquet ne dépassera pas 5 euros le premier janvier 2005	0,75	
3	Il faut calculer la somme des prix des paquets entre les années 2000 et 2010 : $u_0 + u_1 + \dots + u_9 + u_{10}$. Cette somme de 10 termes consécutifs se trouve à la calculatrice $\text{somme}(\text{suite}(3,2 \times 1,06^X, X, 0, 10)) \approx 47,909$. Puis on multiplie par 90 puisque Paul fume 90 paquets par an : $90 \times 47,909 = 4311,81$ euros.	1	
Total →		7 points	
EX2	Réponse	Points	Obtenus
1	1.a $P(A) = \frac{266430}{571870} \approx 0,47$. 1.b $p_A(\bar{C}) = 0,08$ d'après l'énoncé.	1	
2	<pre> graph LR Root(()) --- A((A)) Root --- B((B)) A --- AC((C)) A --- AbarC((C-bar)) B --- BC((C)) B --- BbarC((C-bar)) AC --- ACprob[0,92] AbarC --- AbarCprob[0,08] BC --- BCprob[0,94] BbarC --- BbarCprob[0,06] Aprob[0,47] --- A Bprob[0,53] --- B </pre>	0,5	
3.a	$C \cap A$: Le véhicule est de marque A et a un contrôle technique conforme	0,5	
3.b	$p(C \cap A) = p(A) \times p_A(C) = 0,47 \times 0,92 = 0,4324$ $\approx 0,43$	0,5	
4	$p(C) = p(A \cap C) + p(B \cap C) = 0,4324 + 0,53 \times 0,94 = 0,9306$ $\approx 0,93$	0,75	
5	On cherche $p_C(A)$ et $p_C(A) = \frac{p(A \cap C)}{p(C)} = \frac{0,43}{0,93} = 0,46$ $0,46$	0,75	
Total →		4 points	

EX3	Réponse	Points	Obtenus
1.	$P(X \leq 10) = P(X < 10)$ car l'aire sous la courbe sera la même.	1	
2.	$P(8 \leq X \leq 16) = 0,95$ On trouve ce résultat avec la calculatrice ou avec le cours car on sait que $P(\mu - 2\sigma \leq X \leq \mu + 2\sigma) \approx 0,95$ et ici $\mu - 2\sigma = 8$ et $\mu + 2\sigma = 16$	1	
3.	$P(8 \leq X \leq 12) = 0,5 - P(X \leq 8)$ car l'aire sous la courbe entre $X = 8$ et $X = 12$ vaut 0,5 (la moitié de l'aire totale puisque 12 est l'espérance) MOINS l'aire située à gauche de $X = 8$.	1	
4.	$[0.40; 0.57]$ car le cours donne $\left[p - \frac{1}{\sqrt{n}}; p + \frac{1}{\sqrt{n}} \right]$ avec ici $n = 150$ (taille de l'échantillon) et $p = 0,487$ (proportion dans la population).	1	

Total →		4 points	
----------------	--	-----------------	--

EX4	Réponse	Points	Obtenus
1	$C(2) = 2^3 - 13,5 \times 2^2 + 60 \times 2 + 1000 = 1074$ euros de coût pour 2 pièces	0,25	
2.a	2 pièces vendues donnent une recette de $2 \times 270 = 540$ euros	0,25	
2.b	$=A2*270$ ou $=A2 *C\$1$	0,5	
3	Pour 5 pièces, le tableau donne une recette de 1350 euros et un coût de 1087,50 euros. Le coût étant moins élevé que la recette, il y aura un gain.	0,5	
4	En étudiant le tableau qui donne les recettes et les coûts, on voit que l'entreprise réalise un gain pour une production comprise entre 5 et 21 pièces. $x \in [5; 21]$	0,5	
5.a	$B(x) = -x^3 + 13,5x^2 + 210x - 1000$. Donc $B'(x) = -3x^2 + 13,5 \times 2x + 210 \times 1 - 0$ Soit $B'(x) = -3x^2 + 27x + 210$	1	
5.b	On doit étudier le signe de $B'(x)$ qui est un polynôme du second degré (avec $a = -3, b = 27, c = 210$). On calcule alors $\Delta = b^2 - 4ac = 27^2 - 4 \times (-3) \times 210 = 3249$. $\Delta > 0$ donc B' s'annule 2 fois $x_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-27 + \sqrt{3249}}{2 \times (-3)} = -5$ et $x_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-27 - \sqrt{3249}}{2 \times (-3)} = 14$. On a alors le signe de B' sachant qu'on met le signe de a à l'extérieur des racines :	0,75	

x	$-\infty$	-5	14	$+\infty$		
Signe de $B'(x)$		-	0	+	0	-

On en déduit bien le résultat demandé : pour $x \in [0; 14], B'(x) \geq 0$, et pour $x \in [14; 25], B'(x) \leq 0$

6	<table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>0</td> <td>14</td> <td>25</td> </tr> <tr> <td>Signe de $B'(x)$</td> <td></td> <td>+</td> <td>0</td> <td>-</td> </tr> <tr> <td>Variations de B</td> <td>-1000</td> <td>↗</td> <td>1842</td> <td>↘</td> <td>-2938</td> </tr> </table>	x	0	14	25	Signe de $B'(x)$		+	0	-	Variations de B	-1000	↗	1842	↘	-2938	0,75	
x	0	14	25															
Signe de $B'(x)$		+	0	-														
Variations de B	-1000	↗	1842	↘	-2938													
7	D'après le tableau précédent, le bénéfice est maximal pour 14 pièces produites et vendues, il est de 1842 euros	0,5																

Total →		5 points	
----------------	--	-----------------	--